Quiz 문제 (#1 ~ #19)

(1) Divergence의 물리적인 의미를 써라. **(10 점)**

(2) Rotation의 물리적인 의미를 써라. **(10 점)**

(3) 전자계 법칙 5 가지를 써라. **(10 점)**

(1) 전자계 법칙 **5** 가지 각각의 미분형, 적분형, 이름 및 물리적인 의미를
써라. **(50 점)**

(1) 준정적 자계계와 준정적 전계계의 식을 써라. (10 점)

(2) 준정적 자계계의 에너지 흐름에 관한 식을 유도하라. 그리고 각 항의 물리적 의미를 기술하라. (10 점)

(3) 준정적 전계계의 에너지 흐름에 관한 식을 유도하라. 그리고 각 항의 물리적 의미를 기술하라. (10 점)

전자에너지변환론 Quiz #4

2007년 10월 8일 (월)

도전율 σ , 투자율 μ_0 인 **block**이 V 의 속도로 이동한다.

이때, **block**과 도체가 만드는 공간 내부에 B_i 가 새로이 발생한다.

B_i/B_0 의 비율, 즉, 자기 레이놀즈 수를 구하라. (30 점)

(B_0 는 일정 전류에 의해서 발생한 자기)

자계 확산을 지배하는 방정식을 유도하고, 각 항의 의미를 써라. **(20 점)**

그리고 극단적인 두 가지 예에 대한 식을 써라. **(10 점)**

스위치가 열리는 순간 I 가 가해지고
 자장 B_0 가 가해진다. 이 때 물건
(block) 안의 자계 분포를 구하라.
 자계는 x 방향으로만 존재한다고 생
 각하고 z, t 만의 함수로 가정한다.

- (a) B_0 를 구하라. (B_0 는 공간의 자속밀도) (5 점)
- (b) $B_x(z, t)$ at $0 < z < d$ (15 점)
- (c) 기본 시정수 τ 를 구하라. (5 점)
- (d) 그래프를 그려라. (5 점)
- (e) Eddy current를 구하고 그래프를 그려라. (10 점)
- (f) Block을 one turn coil로 생각하고 집중정수상수 G, L 을 구하라. 이 때
 시정수는 (c)에서 구한 τ 를 사용하라. (10 점)

$V\hat{i}_z$ 라는 속도로 물질 ($\sigma, \epsilon_0, \mu_0$)이 이동하고 있다.

(a) $w, l \gg d$ 일 때 물질 내부의 자기 분포를 구하고 (20 점), 그래프로 도시하라 (5 점).

(b) 또한 전류 분포를 구하고 (10 점),

(c) 그래프로 도시하라 (5 점).

자성체 판이 v 라는 속도로 움직이고 있다. 이 때 자성체 내의 자기 분포를 구하고 싶다. 자계는 아래 식과 같이 쓰여진다.

$$B_y = \text{Re}[\bar{B}(z)e^{j\omega t}]$$

(a) 이 때 공간적 분포에 관여하는 k (파수)를 구하라. (15 점)

(b) 또한 R_m (자기레이놀즈 수)와 δ (skin depth)로 파수를 표현하라. (5 점)

B_r 과 B_l 을 구하고 싶다.

(a) 지배 방정식을 써라. (5 점)

(b) $B_y(z, t) = \text{Re}[\overline{B}(z)e^{j\omega t}]$ 라고 생각하고, k (파수)를 구하라.

$B_y(z, t) = \text{Re}[B_y e^{j(\omega t - kz)}]$ 의 형태와 같다. (10 점)

(c) 운동이 존재할 때 파수의 실수부와 허수부의 크기를 고려해서 $z > 0$ 일 때와 $z < 0$ 일 때의 해를 구하라. (15 점)

(d) v_0 즉 $v_r - v_l$ 을 구하라. (5 점)

도전 물질이 V 의 속도로 움직이고 아래 판에는 정현적으로 분포된 권선에
오른쪽으로 진행하는 면전류 (속도 ω/k)가 흐르고 있다.

$$\vec{K}_f = \text{Re}[K e^{j(\omega t - kz)} \mathbf{i}_x] \quad K: \text{실수}$$

이 때 $\vec{B}$ (20 점)와 $\vec{J}$ (10 점)를 구하라.

면전류 진행파

$$\vec{K}_f = \cos(\omega t - kz) \vec{i}_x$$

여기서

$$S = \frac{\mu\sigma}{k^2} (\omega - kV) \text{ 이고,}$$

$$\alpha^2 = k^2 (1 + jS) \text{ 이다.}$$

자속 밀도 $\vec{B} = \text{Re}[\mu_0 K (\frac{-jk}{\alpha} i_y + i_z) e^{-\alpha y} e^{j(\omega t - kz)}]$

전류 밀도 $\vec{J} = \text{Re}[\frac{-jKk^2 S}{\alpha} e^{-\alpha y} e^{j(\omega t - kz)}]$

(a) 도체 block을 z 방향으로 끄는 힘과 y 방향으로 부상시키는 힘을 구하라. (각 10 점)

(b) 각 힘을 S를 x 좌표로 해서 그리고, 의미를 설명하라. (각 5 점)

1. 전하의 완화를 지배하는 식을 ϕ 를 변수로 구하라. (10 점)

2. $t=0$ 에서 스위치를 (1)에서 (2)로 바꾼다.

(a) 전극 사이 물질에 인가되는 전기식을 구하라. (10 점)

(b) 이를 집중 정수계 소자로 표현하고 값을 구하라. (10 점)

System에는 **net charge**가 없고, **t=0** 인 순간에 스위치가 닫힌다.

(면적 **A**가 **a, b**에 비해서 크다고 가정)

(a) **t=0+**인 순간에 E_l (**E in liquid**)과 E_g (**E in gas**)를 구하라. (10 점)

(b) **t**→∞ 일 때 E_l 과 $E_g = ?$ (10 점)

(c) **fluid-gas interface** 상의 **charge**를 시간 함수로 나타내어라. (10 점)

(d) 집중정수계 소자로 회로를 그리고 소자 값을 구하라. (10 점)

Van de Graaff Genetator의 원리를 설명하라.
 전하는 $\mathbf{z=0}$ 에서 띠 위에 옮겨져 완화해가면서
 전위차 $\mathbf{V_{0c}}$ 가 존재하는 영역 $\mathbf{z=l}$ 까지 운반된다.

$$\vec{E} = E\vec{i}_z \quad \vec{J}_f = J\vec{i}_z$$

이라고 가정할 때 $\mathbf{V_{0c}} \propto \mathbf{Re^2}$ 을 보
 여라. (30 점)

여기서, $\mathbf{Re} = \left(\frac{\epsilon / \sigma}{l / V}\right) = \frac{\epsilon V}{\sigma}$ 이다.

물방울을 떨어뜨려서 고전압을 얻는 장치의 개략도를 그리고 **(5 점)**, 등가 회로를 그리며 **(5 점)**, 고전압이 얻어짐을 수식적으로 보여라 **(20 점)**.

ϵ, σ 인 물체가 $\mathbf{V}$ 인 속도로 움직이고 있고, $\mathbf{z=0}$ 에서 전원으로 여진하여

$\sigma_u = \sigma_0 \sin \omega t$ 가 생긴다. (σ_u : 판 위면 표면전하밀도)

(a) $\sigma_u(z, t)$ 를 구하고, graph 를 그려라. (15 점)

(b) R_e 를 정의하라. (5 점)

(c) v_0 를 구하고, $R_e(x$ 축) 와 $v_0(y$ 축) 를 그래프로 그려라. (10 점)

- (1) 물의 수위를 측정하려하는 두 개의 시스템이 있다. 전원에 **1 kHz** 전압을 인가할 때 출력 v_o 는 어느 쪽이 크겠는가? 그 이유를 써라. (10 점)

물 : $\sigma = 10^{-2} \text{ S/m}$
 $\epsilon = 81 \epsilon_0$
 $\epsilon_0 = 8.851 \times 10^{-12} \text{ F/m}$
 $\mu = \mu_0 = 4\pi \times 10^{-7} \text{ H/m}$

- (2) $\vec{F} = \vec{J}_f \times \vec{B}$ 를 **Maxwell stress tensor**로 나타내어라. (10 점)
 그리고, 전체 힘 $\vec{f}$ 의 m 번째 성분 f_m 을 T_{mn} 으로 나타내어라. (10 점)

(1) $\vec{H}_0 = H_0 \vec{i}_1$, 균일한 자계
 $\vec{J} = J \vec{i}_3$

이 도체가 받는 힘을

Maxwell stress tensor를
 이용해서 구하라 (길이는 **l**).
 단, 한 변이 **4R**인 정사각형
 면을 생각하고 거기에 작용
 하는 힘을 구하라. **(20 점)**

(2) $\mathbf{f} = \mathbf{Qe}$ 의 쿨롱 힘에서 **Fm** (m 방향 힘 밀도)을 **Maxwell stress tensor**
 로 구하라. **(10 점)**

완전 도체 $a \ll l, b \ll l$ 일 때, 가운데 판이 받는 힘을 구하라. (30 점)

단, **Maxwell stress tensor**를 이용하고, **fringing effect**도 고려할 것.

(주의) 적분 면에 따른 적분을 완벽히 설명할 것.